Mathématiques

Les **mathématiques** (ou la **mathématique**) sont un ensemble de <u>connaissances</u> abstraites résultant de <u>raisonnements logiques</u> appliqués à des objets divers tels que les <u>nombres</u>, les <u>formes</u>, les <u>structures</u> et les <u>transformations</u>. Elles sont aussi le domaine de <u>recherche</u> développant ces connaissances, ainsi que la <u>discipline</u> qui les enseigne.

Elles possèdent plusieurs branches telles que : l'<u>arithmétique</u>, l'<u>algèbre</u>, l'<u>analyse</u>, la <u>géométrie</u>, la <u>logique mathématique</u>, etc. Il existe également une certaine séparation entre les <u>mathématiques pures</u> et les <u>mathématiques appliquées</u>.

Les mathématiques se distinguent des autres sciences par un rapport particulier au <u>réel</u> car l'observation et l'expérience ne s'y portent pas sur des objets physiques ; les mathématiques ne sont pas une <u>science empirique</u>. Elles sont de nature entièrement intellectuelle, fondées sur des <u>axiomes</u> déclarés <u>vrais</u> ou sur des <u>postulats</u> provisoirement admis. Ces axiomes en constituent les <u>fondements</u> et ne dépendent donc d'aucune autre proposition. Un <u>énoncé</u> mathématique – dénommé généralement, après être validé, <u>théorème</u>, proposition, <u>lemme</u>, fait, <u>scholie</u> ou <u>corollaire</u> – est considéré comme valide lorsque le discours formel qui établit sa <u>vérité</u> respecte une certaine structure rationnelle appelée <u>démonstration</u>, ou raisonnement logico-déductif. Un énoncé présenté comme plausible, mais qui n'a pas encore été établi comme vrai (« démontré », en langage utilisé par les mathématiciens), s'appelle une <u>conjecture</u>.

Bien que les résultats mathématiques soient des vérités purement formelles, ils trouvent cependant des applications dans les autres <u>sciences</u> et dans différents domaines de la <u>technique</u>. C'est ainsi qu'<u>Eugene Wigner</u> parle de « la déraisonnable efficacité des mathématiques dans les sciences de la nature »¹.

¹ (en) E. Wigner, « <u>The Unreasonable Effectiveness of Mathematics in the Natural Sciences (en)</u> », <u>Commun. Pure Appl. Math.</u>, vol. 13, n° 1, 1960, p. 1-14 (<u>lire en ligne [archive]</u>).